

1- تحديد العدد المشتق على اليمين في 1

لدينا:

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} \frac{g(x) - g(1)}{x - 1} = \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} \frac{|x - 1| - \frac{1}{x} + 1}{x - 1}$$

$$= \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} \frac{x - 1 + \frac{x - 1}{x}}{x - 1}$$

$$= \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} 1 + \frac{1}{x} = 2$$

$$\text{إذن } g'_d(1) = 2$$

* تحديد العدد المشتق على اليسار في 1

لدينا:

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} \frac{g(x) - g(1)}{x - 1} = \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} \frac{|x - 1| - \frac{1}{x} + 1}{x - 1}$$

$$= \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} \frac{-(x - 1) + \frac{x - 1}{x}}{x - 1}$$

$$= \lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} -1 + \frac{1}{x} = 0$$

$$\text{إذن: } g'_g(1) = 0$$

2- تحديد المقارب المائل:

$$\text{لدينا: } g(x) = x - 1 - \frac{1}{x} \text{ لكل } x \text{ من }]1, +\infty[$$

$$\text{إذن: } \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) - (x - 1) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-1}{x} = 0$$

وهذا يعني أن المستقيم ذا المعادلة $y = x - 1$ هو مقارب مائل للمنحنى (C_g) بجوار $+\infty$