

f دالة متصلة على مجال مفتوح I .
 F دالة أصلية ل f على I إذا كان:
 $\forall x \in I: F'(x) = f(x)$

كل دالة متصلة على مجال I
تقبل ما لا نهاية من الدوال الأصلية على I

إذا كانت $U(x)$ و $V(x)$ دالتان أصليتان f
على I فإنه يوجد عدد c
بحيث $\forall x \in I: U(x) = V(x) + c$

f دالة على I و $x_0 \in I$ و $y_0 \in \mathbb{R}$.
توجد دالة أصلية وحيدة ل f على I
بحيث: $F(x_0) = y_0$

بالتوفيق

$$\int_a^a f(x) dx = 0$$

$$\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$$

$$\int_a^b k \cdot dx = k \cdot (b-a)$$

$$\int_a^b g'(x) \cdot dx = g(b) - g(a)$$

الدوال الأصلية	الدالة
$u(x) + c$	$u'(x)$
$u(x) + v(x) + c$	$u'(x) + v'(x)$
$\frac{1}{2} \cdot [u(x)]^2 + c$	$u'(x) \cdot [u(x)]$
$a \cdot u(x) + c$	$a \cdot u'(x)$
$\frac{1}{r+1} \cdot [u(x)]^{r+1} + c$	$u'(x) \cdot [u(x)]^r ; r \in \mathbb{Q}^* - \{-1\}$
$-\frac{1}{u(x)} + c$	$\frac{u'(x)}{[u(x)]^2}$
$2\sqrt{u(x)} + c$	$\frac{u'(x)}{\sqrt{u(x)}}$
$\frac{2}{3} u(x) \cdot \sqrt{u(x)} + c$	$u'(x) \cdot \sqrt{u(x)}$
$\frac{n}{n+1} u(x) \cdot \sqrt[n]{u(x)} + c$	$u'(x) \cdot \sqrt[n]{u(x)}$
$-\cos(u(x)) + c$	$u'(x) \cdot \sin(u(x))$
$\sin(u(x)) + c$	$u'(x) \cdot \cos(u(x))$
$\tan(u(x)) + c$	$\frac{u'(x)}{\cos^2(u(x))}$
$\ln(u(x)) + c$	$\frac{u'(x)}{u(x)}$
$e^{u(x)} + c$	$u'(x) \times e^{u(x)}$

الدوال الأصلية	الدالة
c	0
$ax + c$	a
$\frac{1}{2} x^2 + c$	x
$\frac{1}{2} ax^2 + c$	ax
$\frac{1}{r+1} x^{r+1} + c$	$x^r ; r \in \mathbb{Q}^* - \{-1\}$
$-\frac{1}{x} + c$	$\frac{1}{x^2}$
$2\sqrt{x} + c$	$\frac{1}{\sqrt{x}} \quad x > 0$
$\frac{2}{3} x \cdot \sqrt{x} + c$	$\sqrt{x} \quad x > 0$
$\frac{n}{n+1} x \cdot \sqrt[n]{x} + c$	$\sqrt[n]{x}$
$-\cos x + c$	$\sin x$
$\sin x + c$	$\cos x$
$\tan x + c$	$1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$
$\ln(x) + c$	$\frac{1}{x}$
$e^x + c$	e^x

f دالة متصلة على $[a, b]$ و F دالة أصلية ل f على $[a, b]$. تكامل الدالة f من a إلى b هو العدد الحقيقي: $\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$

f دالة متصلة على $[a, b]$: المساحة الهندسية للحيز المحصور بين C_f و محور الأفاصل و المستقيمين $x = a$ و $x = b$ هي $S = \int_a^b |f(x)| dx$ بوحدة قياس المساحة.

f دالة متصلة على $[a, b]$: حجم مجسم الدوران المولد بدوران C_f حول محور الأفاصل دورة كاملة في $[a, b]$ هو $V = \pi \cdot \int_a^b (f(x))^2 dx$ بوحدة قياس الحجم.

f و g متصلتان على $[a, b]$, مساحة الحيز المحصور بين C_f و C_g و محور الأفاصل و المستقيمين $x = a$ و $x = b$ هي: $S = \int_a^b |f(x) - g(x)| dx$ بوحدة القياس.

f متصلة على مجال I , و $a \in I$, الدالة الأصلية ل f على I و التي تتعدم في a هي $\forall x \in I: h(x) = \int_a^x f(t) dt$.

$$\left| \int_a^b f(x) dx \right| \leq \int_a^b |f(x)| dx$$

$$m(b-a) \leq \int_a^b f(x) dx \leq M(b-a)$$

حيث m و M القيمتان الدنيا و القصوى على التوالي ل f على $[a, b]$.

$$\mu = \frac{1}{b-a} \cdot \int_a^b f(x) dx$$

يوجد على الأقل $c \in [a, b]$ بحيث $f(c) = \mu$

$$\int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx = \int_a^b f(x) dx$$

$$\int_a^b k \cdot f(x) dx = k \cdot \int_a^b f(x) dx$$

$$\int_a^b f(x) + g(x) dx = \int_a^b f(x) dx + \int_a^b g(x) dx$$

$$\forall x \in [a, b]: f(x) \geq 0 \Rightarrow \int_a^b f(x) dx \geq 0$$

$$\forall x \in [a, b]: f(x) \geq g(x) \Rightarrow \int_a^b f(x) dx \geq \int_a^b g(x) dx$$

المعاملة بالأجزاء: f و g قابلتان للاشتقاق على $[a, b]$ بحيث f' و g' متصلتان على $[a, b]$: $\int_a^b f'(x) \times g(x) dx = [f(x) \times g(x)]_a^b - \int_a^b f(x) \times g'(x) dx$