

(1) ما هو عدد السحبات الممكنة.

(2) ما هو عدد السحبات التي يكون فيها مجموع أرقام الكرات المسحوبة يساوي 2.

07يحتوي صندوق على كرة بيضاء و 3 كرات حمراء 3 كرات سوداء.
نسحب عشوائياً و تانياً 3 كرات من الصندوق.ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الألوان التي أفرزتها هذه السحبة.(1) حدد القيمة التي يمكن أن يأخذها X .(2) حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X .**08**

يحتوي كيس على 9 بيدقات مرقمة كالتالي: 2;2;2;1;1;0;0;1;1.

(1) نسحب عشوائياً و في آن واحد ثلاثة بيدقات من الكيس.

أحسب احتمال كل من الحدين التاليين:

(1) E_1 : "من بين البيدقات المسحوبة توجد بيدقة واحدة بالضبط تحمل رقما زوجياً".(2) E_2 : "من بين البيدقات المسحوبة توجد بيدقة واحدة على الأقل تحمل الرقم 1".

(2) في هذه المرة نسحب عشوائياً بالتتابع و بدون إحلال بيدقتين من الكيس.

ليكن X المتغير الذي يساوي مجموع رقمي البيدقتين المسحوبتين.(1) حدد القيمة التي يأخذها X .(2) حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X .(3) أحسب الأمل الرياضي ($E(X)$) و المغايرة ($V(X)$).**09**

يتكون قسم من 20 تلميذاً موزعين على ثلاثة فئات: فئة مكونة من 10 تلاميذ داخليين ، و فئة مكونة من 4 تلاميذ خارجيين ، و فئة مكونة من 6 تلاميذ نصف داخليين .

نريد تكوين لجنة من 3 تلاميذ لتمثيل القسم. نفترض أن لكل تلميذ نفس الحظ لكي يكون عضواً في اللجنة.

ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الفئات الممثلة داخل اللجنة.(1) حدد القيمة التي يأخذها المتغير العشوائي X .(2) أعط قانون احتمال المتغير العشوائي X .(3) أحسب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X .**10**

يحتوي كيس على 7 بيدقات مرقمة من 1 إلى 7. نسحب عشوائياً من الكيس، البيدقات بالتتابع و بدون إحلال.

(1) ما هو احتمال الحصول لأول مرة على رقم زوجي في السحب الثالث؟

(2) ما هو احتمال الحصول على رقمين زوجيين و رقم فردي خلال السحبات الثلاث الأولى؟

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد البيدقات التي تحمل رقماً زوجياً و المسحوبة قبل الظهور لأول مرة لبيدق يحمل رقماً فردياً.(1) أعط قانون احتمال المتغير العشوائي X .(2) أحسب الأمل الرياضي ($E(X)$).**11**

يحتوي صندوق A على خمس كرات حمراء مرقمة من 1 إلى 5 و يحتوي صندوق B على أربع كرات خضراء مرقمة من 1 إلى 4.

نسحب كرة واحدة من A، ثم نسحب كرة واحدة من B و نسجل رقميهما.

(1) ما هو احتمال كل من الأحداث التالية:

(E) : "الحصول على رقمين زوجيين".

(F) : "الحصول على رقمين فرديين".

(G) : "الحصول على رقمين أحدهما فردي و الآخر زوجي".

01

يحتوي صندوق على 4 كرات خضراء و 4 كرات حمراء و كرتين زرقاء.

(1) نسحب في آن واحد 3 كرات من الصندوق.

(1) أحسب عدد السحبات الممكنة.

(b) أحسب عدد السحبات بحيث تكون الكرات الثلاث المسحوبة من نفس اللون.

02

(c) أحسب عدد السحبات بحيث تكون الكرات الثلاث المسحوبة مختلفة اللون.

(d) أحسب عدد السحبات بحيث تكون الكرات المسحوبة مختلفة اللون مثلث مثلث.

(1) نسحب 3 كرات من الصندوق بالتتابع و بإحلال.

(2) أجب عن نفس الأسئلة (A) و (B) و (C) و (D) في هذه الحالة.

(3) نسحب 3 كرات من الصندوق بالتتابع و بدون إحلال.

(4) أجب عن نفس الأسئلة (A) و (B) و (C) و (D) في هذه الحالة.

03

يتكون قسم من 38 تلميذاً : 20 أنثى و 18 ذكور.

نريد تكوين لجنة من 4 تلاميذ في هذا القسم.

(1) كم هو عدد اللجان التي يمكن تكوينها؟

(2) كم هو عدد اللجان التي يمكن تكوينها إذا علمت أن 3 تلاميذ معلومين يرفضون ترشيحهم.

(3) كم هو عدد اللجان التي تضم تلميذين و تلميذتين.

(4) كم هو عدد اللجان التي يمكن تكوينها بحيث لا تحتوي على التلميذين أحمد و حسن في نفس الوقت

04

تتكون أسرة من 6 إثاث و 4 ذكور.

نريد اختيار 3 أفراد من بين أفراد هذه الأسرة.

(1) حدد عدد المجموعات التي يمكن تكوينها.

(2) حدد عدد المجموعات التي تحتوي على الإناث فقط.

(3) حدد عدد المجموعات التي تحتوي على ذكور فقط.

(4) حدد عدد المجموعات التي تحتوي على ذكر على الأقل.

05

يحتوي صندوق U على 4 كرات حمراء و 3 كرات خضراء. و يحتوي

صندوق U على 5 كرات حمراء و 2 كرات خضراء و كرة صفراء.

نسحب عشوائياً و في آن واحد كرتين من الصندوق U و كرة من

الصندوق U ..

(1) ما هو حدد الإمكانيات لسحب ثلاثة كرات؟

(2) حدد عدد الإمكانيات في كل من الحالات التالية:

أ- سحب ثلاثة كرات حمراء.

ب- سحب كرة خضراء واحدة فقط.

ج- سحب كرتين خضراوين و كرة صفراء.

د- سحب كرة من كل لون.

06

يحتوي صندوق على 5 كرات خضراء و 3 كرات حمراء.

نسحب من الصندوق 4 كرات بالتتابع و بدون إحلال.

(1) حدد عدد السحبات الممكنة.

(2) حدد عدد السحبات التي تكون فيها الكرات الثلاث الأولى حمراء.

(3) حدد عدد السحبات التي تكون فيها الكرة الأولى خضراء.

(4) حدد عدد السحبات التي تحتوي على كرة واحدة حمراء.

(5) حدد عدد السحبات التي تضم كرتين خضراوين فقط.

07

يحتوي صندوق على كرتين تحملان الرقم 0 ، و على ثلاثة كرات تحمل

الرقم 1 ، و على أربع كرات تحمل الرقم 2.

نسحب بالتتابع و بإحلال 3 كرات من الصندوق.

(2) ليكن X المتغير العشوائي المعرف كما يلي:

X يساوي رقم الكرة الحمراء إذا كان رقم الكرتين المسحبتين زوجين.

X يساوي رقم الكرة الخضراء إذا كان رقم الكرتين المسحبتين فردان.

X يساوي أكبر رقمي الكرتين المسحبتين إذا كان أحدهما زوجياً

و الآخر فردياً.

(أ) حدد القيم التي يأخذها X .

(ب) حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X .

12

يرمي أحمد هدفاً ثابتاً مستعملاً نوعين من الرصاصات. احتمال إصابته الهدف

برصاصات من النوع A هو $\frac{8}{10}$ و احتمال إصابته الهدف برصاصات من

النوع B هو $\frac{6}{10}$.

(1) يرمي أحمد الهدف برصاصتين من النوع A . ليكن X عدد إصاباته

أعط قانون X . و أحسب الأمل الرياضي (X) .

(2) يرمي أحمد الهدف برصاصات من النوع A ثم برصاصات من النوع B .

(أ) أحسب احتمال إصابته الهدف بالرصاصتين معاً.

(ب) أحسب احتمال إصابته الهدف بإحدى الرصاصتين على الأقل.

(3) يسحب أحمد تانيا رصاصتين من كيس يحتوي على 3 رصاصات من النوع A و 4 من النوع B .

(أ) أحسب احتمال سحب رصاصتين من النوع A .

(ب) أحسب احتمال سحب رصاصتين مختلفتي النوع.

(ج) أثبت أن احتمال إصابة أحمد الهدف مرتين هو: $\frac{328}{700}$.

13

يحتوي صندوق U_1 على 9 كرات: 4 كرات بيضاء و 3 كرات سوداء و كرتان لونهما أحمر.

(1) نسحب عشوائياً و في آن واحد 3 كرات من الصندوق U_1 . و ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سبة بالعدد $2n - 4$ حيث n هو عدد الكرات البيضاء المنسوبة.

(أ) أعطي قانون احتمال X .

(ب) أحسب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X .

(2) تعتبر صندوقاً آخر U_2 يحتوي على 10 كرات: 7 كرات بيضاء و 3 كرات سوداء.

نقوم بالاختبار التالي: نسحب عشوائياً كرة واحدة من الصندوق U_2 و نضعها في الصندوق U_1 بعد تسجيل لونها ثم نسحب كرة واحدة من الصندوق U_1 .

أحسب احتمال كل من الحدين التاليين:

E_1 : "الكرة المسحوبة في آخر الاختبار حمراء".

E_2 : "الكرة المسحوبة في آخر الاختبار بيضاء".

14

نعتبر صندوقين U_1 و U_2 بحيث: يحتوي U_1 على 3 كرات سوداء تحمل

الرقم 1 و كرتين بيضاوين تحملان الرقم 2 . و يحتوي U_2 على 4 كرات

سوداء تحمل الأرقام: 1 ، 1 ، 2 ، 2 . نعتبر الاختبار (؟) : "نسحب كرة

من U_1 و كرة من U_2 " .

(1) أحسب احتمال كل من الحدين التاليين:

A : "الحصول على كرتين مختلفتي الرقم " .

B : "الحصول على كرتين مختلفتي اللون " .

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سبة بمجموع الرقمان المحصل عليهما.

(أ) أعط قانون احتمال المتغير العشوائي X .

(ب) أحسب الأمل الرياضي (X) .

(3) نكرر الاختبار (؟) خمس مرات و في كل مرة نعيد كل كرة إلى

الصندوق الذي سحبت منه.

ما هو احتمال الحصول ثلاثة مرات بالضبط على كرتين مختلفي اللون؟

15

يحتوي كيس على 8 بيداق:

▪ واحد لونه أحمر و مثلث الشكل.

▪ اثنان لونهما أخضر و مثلث الشكل.

▪ 5 لونهم أحمر و مستطيل الشكل.

نسحب عشوائياً و في آن واحد بيداقين من الكيس و نفترض أن جميع السحبات متساوية الاحتمال. و نعتبر الحدين A و B كالتالي:

A : "الحصول على كرتين مختلفتي الرقم " .

B : "الحصول على كرتين مختلفتي اللون " .

(1) أحسب احتمال الأحداث التالية A و B و $A \cap B$.

(2) هل الحدثان A و B مستقلان؟

(3) بعد عملية سحب ، حصلنا على بيداقتين من نفس اللون. ما هو الإحتمال أن يكونا من نفس الشكل؟

16

يحتوي صندوق على 4 كرات مرقمة من 1 إلى 4 . نسحب عشوائياً و في آن واحد كرتين من الصندوق. نفترض أن الكرات الأربع لها نفس احتمال السحب.

(1) حدد كون الأمكانيات.

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل إمكانية { a,b } بالعدد الحقيقي $(-1)^{a+b}$ حيث a و b هما رقم الكرتين المنسوبتين.

حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X .

(3) ليكن Y المتغير العشوائي الذي يربط كل إمكانية { a,b } بالعدد الحقيقي $(-1)^a + (-1)^b$ حيث a و b هما رقم الكرتين المنسوبتين.

حدد القانون المصاحب للزوج (X,Y).

(4) علماً أن الحدث ($Y \neq 0$) محقق أحسب احتمال الحدث ($1 = X$) .

17

يحتوي كيس على كرة تحمل الرقم 1 و كرتين تحملان الرقم 2 و ثلاثة كرات تحمل الرقم 3 .

نسحب بالتتابع و بإحلاط ثلاثة كرات و نسجل أرقام الكرات المنسوبة جنباً إلى جنب من اليسار إلى اليمين في ترتيب السحب بحيث نحصل على عدد مكون من ثلاثة أرقام. نعتبر أن جميع السحبات متساوية الإحتمال.

(1) أ- أحسب احتمال الحصول على عدد مكون من ثلاثة أرقام فردية.

ب- أحسب احتمال الحصول على عدد زوجي.

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الأرقام الزوجية التي تشتمل عليها كتابة العدد المحصل عليه، و ليكن Y المتغير العشوائي الذي يساوي 0 إذا كان العدد المحصل عدداً زوجياً و الذي يساوي 1 إذا كان العدد المحصل عدداً فردياً.

أ- أعط القانون المصاحب للزوج (X,Y) .

ب- حدد القانونين الهامشيين.

ج- هل المتغيران X و Y مستقلان؟ علل جوابك.